

SOLUCIONES A LOS EJERCICIOS DE LA QUINTA RELACIÓN

EJERCICIO 1.

$$\begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix}$$

EJERCICIO 2.

- Sistema compatible determinado (SCD): $x = \frac{3}{4}, y = \frac{1}{3}, z = \frac{37}{12}$
- Sistema incompatible (SI).
- Sistema compatible indeterminado (SCI): $x = -\lambda, y = -\lambda, z = \lambda, u = \lambda$

EJERCICIO 3.

- Si $k \neq 2, -3 \rightarrow SCD \rightarrow \left\{ x = 1, y = \frac{1}{k+3}, z = \frac{1}{k+3} \right\}$
Si $k = 2 \rightarrow SCI \rightarrow \{x = 5\lambda, y = 1 - 4\lambda, z = \lambda\}$
Si $k = -3 \rightarrow SI$
- Si $k \neq \pm 1 \rightarrow SCD \rightarrow \left\{ x = 1, y = \frac{k}{k^2-1}, z = \frac{1}{1-k^2} \right\}$
Si $k = -1 \rightarrow SI$
Si $k = 1 \rightarrow SI$
- Si $k \neq 3, -\frac{3}{2} \rightarrow SI$
Si $k = 3, \rightarrow SCD \rightarrow \{x = 1, y = 1\}$
Si $k = -3/2 \rightarrow SCD \rightarrow \left\{ x = \frac{1}{8}, y = -\frac{5}{4} \right\}$
- Si $k \neq 4, \rightarrow SI$
Si $k = 4, \rightarrow SCI \rightarrow \left\{ x = 7\lambda - \frac{5}{2}, y = 4\lambda - \frac{3}{2}, z = \lambda \right\}$

EJERCICIO 4.

- Si $b \neq 2, \forall a \rightarrow SCD \rightarrow \left\{ x = \frac{ab}{2(b-2)}, y = x, z = -2x + a \right\}$
Si $b = 2, a \neq 0 \rightarrow SI$
Si $b = 2, a = 0 \rightarrow SCI \rightarrow \{x = \lambda, y = \lambda, z = -2\lambda\}$

b. Si $a \neq 1, \forall b \rightarrow SCD \rightarrow \left\{ x = \frac{1-a-3b}{a-1}, y = \frac{b}{1-a}, z = \frac{a+2b-1}{a-1} \right\}$

Si $a = 1, b = 0 \rightarrow SCI \rightarrow \left\{ x = \frac{1-3\lambda}{2}, y = \frac{1-\lambda}{2}, z = \lambda \right\}$

Si $a = 1, b \neq 0 \rightarrow SI$

c. Si $a \neq 5, \forall b \rightarrow SCD \rightarrow \left\{ x = \frac{2-a-b}{a-5}, y = \frac{-a+b+10}{2a-10}, z = \frac{b+5}{a-5} \right\}$

Si $a = 5, b = -3 \rightarrow SC/\rightarrow \left\{ x = -1 - \frac{2\lambda}{3}, y = \frac{-6+4\lambda}{6}, z = \lambda \right\}$

Si $a = 5, b \neq -3 \rightarrow SI$

d. Si $b \neq -1, \forall a \rightarrow SCD \rightarrow \left\{ x = \frac{a+1}{2}, y = \frac{a+b-ab-3}{2(b+1)}, z = \frac{2-a}{b+1} \right\}$

Si $b = -1, a = 2 \rightarrow SCI \rightarrow \left\{ x = \frac{3}{2}, y = -\lambda - \frac{1}{2}, z = \lambda \right\}$

Si $b = -1, a \neq 2 \rightarrow SI$

EJERCICIO 5. $x = 26241'10$ u.m., $y = 18085'10$ u.m., $z = 15673'80$ u.m.

EJERCICIO 6. $X = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$

EJERCICIO 7.

$S_1: \{a = 1, a = -1\}$ No es sistema de Cramer. Para $a \neq \pm 1$ sí es sistema de Cramer.

La solución, en este caso, sería: $\left\{ x = 1, y = \frac{a}{a^2-1}, z = \frac{-1}{a^2-1} \right\}$

$S_2: \{a = 1, a = 2\}$ No es sistema de Cramer. Para $a \neq 1, 2$ sí es sistema de Cramer. La

solución, en este caso, sería $\left\{ x = \frac{a+1}{a(a-2)}, y = \frac{-3}{a-2}, z = \frac{3a^2-a-1}{a(a-2)} \right\}$

EJERCICIO 8.

1. Si $m \neq 2$ y $m \neq 7$ el sistema es compatible determinado y tiene una única solución
2. Si $m = 2$ o $m = 7$ el sistema es compatible indeterminado y tiene infinitas soluciones, por lo que, al menos, tiene dos soluciones.
3. No hay ningún valor de m para el que el sistema no tenga solución.

EJERCICIO 9. Invertió 9000 € al 8%, 10000 € al 10% y 6000 € al 12%.

EJERCICIO 10.

1. Se podrán fabricar $\frac{30\lambda-900}{2\lambda-45}$ unidades del producto A y $\frac{300}{2\lambda-45}$ unidades del producto B, siempre que $\lambda \neq 45/2$
2. λ debe ser mayor que 30.

EJERCICIO 11.

1. $w = v_1 + v_2 + 2v_3$
2. No
3. $\{v_1, v_2, v_3\}$ son linealmente independientes

EJERCICIO 12. SÍ son un sistema generador de \mathbb{R}^3 . NO son una base de \mathbb{R}^3 .

EJERCICIO 13.

S_1 y S_4 no son subespacios vectoriales. S_2 y S_3 sí son subespacios vectoriales.

EJERCICIO 14. SÍ son base de un subespacio $S \subset \mathbb{R}^3$ de dimensión 2.

EJERCICIO 15. SÍ son base de un subespacio $S \subset \mathbb{R}^4$ de dimensión 3.

EJERCICIO 16.

- a. Son linealmente independientes si $m \neq 2$
- b. Son linealmente independientes para cualquier valor de m .

EJERCICIO 17. $\dim(S) = 1$

EJERCICIO 18. $\dim(S) = 2$; $x = 25$, $y = 1$